

SOLUTION – 026.

Démontrer que le triangle de côtés **4, 5, 6** peut être partagé en n triangles isocèles, et ceci pour tout entier n supérieur ou égal à **2**.

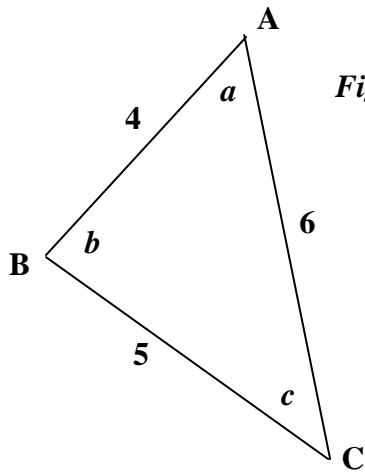


Figure 1

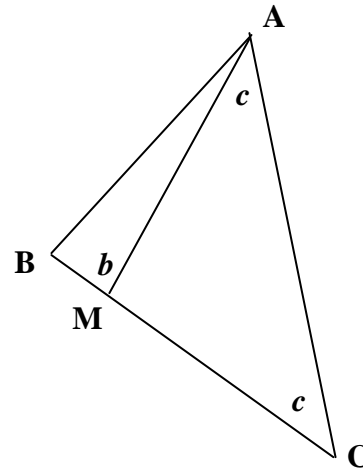


Figure 2

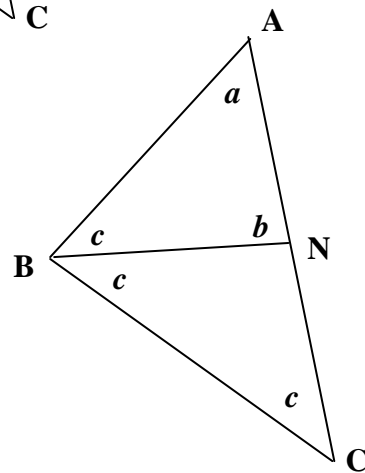


Figure 3

En notant a, b, c les 3 angles (Figure 1),

De $AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2 AB \cdot BC \cos (b)$ on tire $\cos (b) = 1 / 8$.

De $AB^2 = BC^2 + AC^2 - 2 BC \cdot AC \cos (c)$ on tire $\cos (c) = 3 / 4$.

Or $\cos (2c) = 2 \cos^2 (c) - 1 = 1 / 8 = \cos (b)$ et $b ; 2c$ sont compris entre 0 et $\pi / 2$.

Donc $b = 2c$ (environ $82,8^\circ$) d'où la stratégie suivante :

(S1) Si $p = 2$ on choisit M sur BC tel que $AB = AM$ et alors (ABM) et (AMC) sont isocèles (Figure 2) ;

(S2) Si $p > 2$ on mène la bissectrice BN (Figure 3). (BNC) est isocèle puisque $b = 2c$.

Quant à (ABN), ses angles sont a, b, c ; il est donc semblable à (ABC).

On itère $p - 2$ fois la procédure (S2), et on termine par (S1), ajoutant un triangle isocèle à chaque fois.